

Mécanismes et transmission de puissance

Dr. Youcef ABIDI

Université Frères Mentouri Costantine1

Faculté des sciences et technologie

Département d'électrotechnique

Email : abidiyoucef73@gmail.com



Table des matières

I - Thème 1 : Les Mécanismes	3
1. Type des mécanismes	4
1.1. Mécanisme en chaîne ouverte	4
1.2. Mécanisme en chaîne fermée	4
1.3. Mécanisme en chaîne complexe	5
2. Liaison élémentaire	5
3. Liaisons normalisées	7

Thème 1 : Les Mécanismes



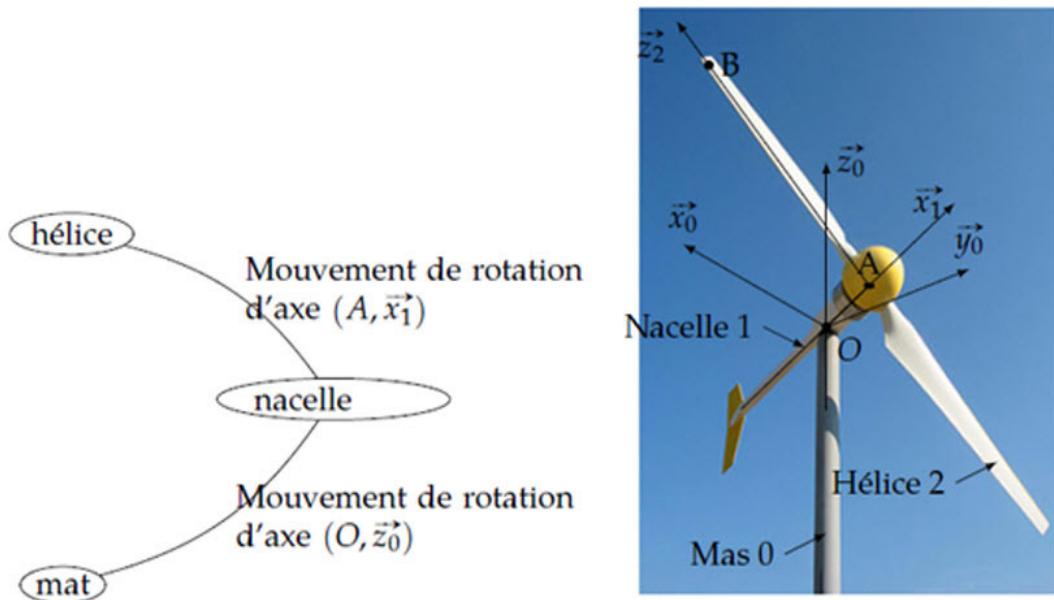
Un mécanisme est un ensemble de solides reliés entre eux dans le but d'obtenir une loi de mouvement particulière.

1. Type des mécanismes

1.1. Mécanisme en chaîne ouverte

clé *Définition*

L'éolienne est un mécanisme en chaîne ouverte, il peut être représenté par le graphe qui a l'allure suivante :

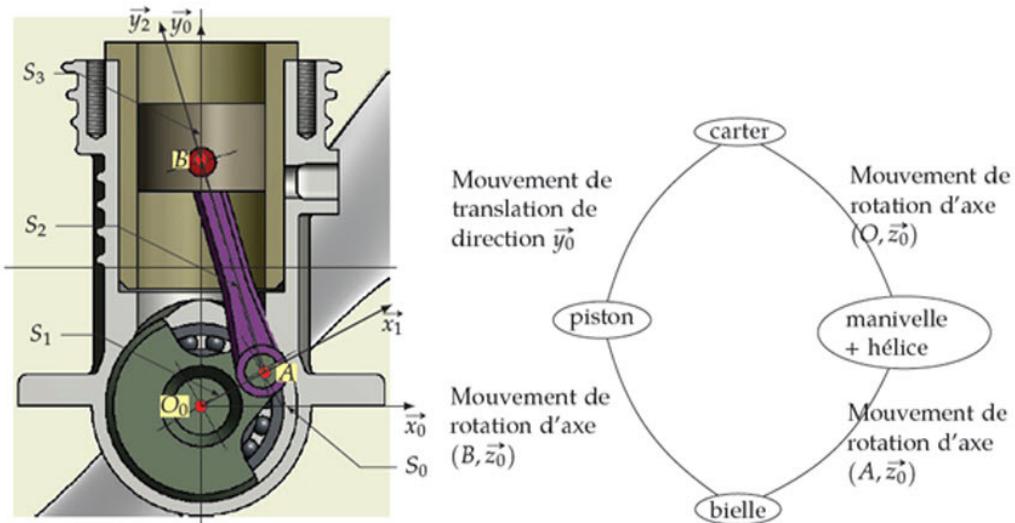


Le graphe de structure du mécanisme est constitué de solides liés en série. Le mouvement du dernier solide par rapport au premier solide est une combinaison des mouvements entre chaque solide. Les robots, les manipulateurs, les grues,..., ont souvent une structure en chaîne ouverte.

1.2. Mécanisme en chaîne fermée

clé *Définition*

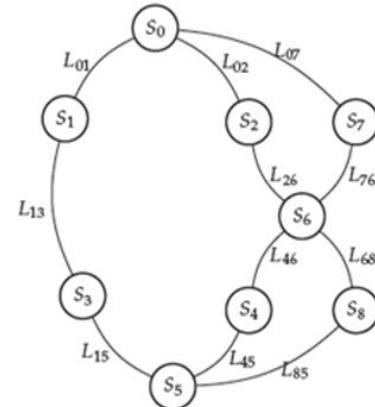
Un moteur à 2 temps est un mécanisme en chaîne fermée, il peut être représenté par un graphe bouclé. Le graphe de structure du mécanisme est un graphe bouclé, dans lequel la dernière pièce du mécanisme est reliée à la première.



1.3. Mécanisme en chaîne complexe

🔧 Définition

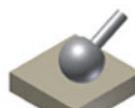
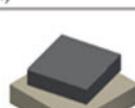
Les mécanismes ont souvent une structure plus complexe, avec plusieurs chaînes fermées.



2. Liaison élémentaire

🔧 Fondamental : Mouvements élémentaires

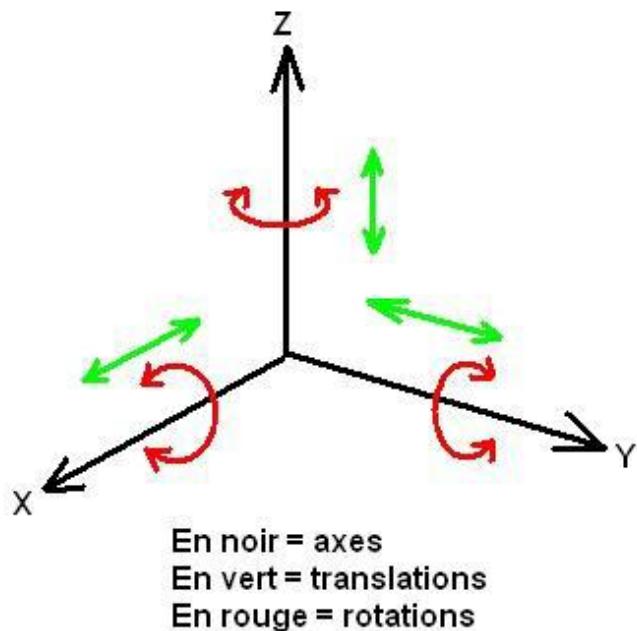
Entre deux solides, même s'il est théoriquement possible de réaliser tout mouvement du plus simple au plus complexe, on se limite en général à des mouvements simples réalisables entre des éléments géométriques simples (plan, cylindre, sphère, ligne). À ces surfaces élémentaires on ajoute l'**hélice**.

	plan	cylindre	sphère
Sphère	 contact ponctuel	 contact linéique (ligne circulaire)	 contact surfacique (sphère)
cylindre	 contact linéique (ligne de contact)	 contact surfacique (cylindre)	
plan	 contact surfacique (plan)		

Surfaces élémentaires en contact

Rappel : Degrés de liberté

Un solide dans l'espace peut se déplacer librement dans un mouvement qu'on peut décomposer suivant 6 transformations géométriques indépendantes. 3 translations et 3 rotations autour d'axes fixes dans trois directions d'une base liée à l'espace à 3 dimensions.



Si 2 solides sont en contact mécaniquement (liaison), certains mouvements élémentaires sont bloqués. Alors, on appelle degrés de liberté dans une liaison, les mouvements relatifs indépendants d'un solide par rapport à l'autre autorisés par cette liaison.

💡 *Fondamental*

Les degrés de liberté possibles pour les différents 6 contacts élémentaires sont :

	Plan	Cylindre	Sphère
Sphère	contact ponctuel <i>2 translations</i> dans le plan <i>3 rotations</i> autour du point de contact	contact linéaire (ligne circulaire) <i>1 translation</i> (suivant l'axe du cylindre) <i>3 rotations</i> autour du centre de la sphère	contact surfacique (sphère) <i>0 translation</i> <i>3 rotations</i> autour du centre de la sphère
Cylindre	<i>2 translations</i> (dans le plan) <i>2 rotations</i> autour de la normale et autour de la ligne de contact	contact surfacique (cylindre) <i>1 translation</i> (suivant l'axe) <i>1 rotation</i> autour de l'axe	
Plan	contact surfacique (plan). <i>2 translations</i> (dans le plan) <i>1 rotation</i> \perp au plan		

3. Liaisons normalisées

💡 *Fondamental*

Les différentes liaisons normalisées que l'on retrouve dans les mécanismes seront définies à partir des différentes associations de surfaces élémentaires.

Ces liaisons sont décrites dans la norme européenne NF EN ISO 3952-1.

Ces liaisons normalisées permettent de construire un modèle schématique du mécanisme permettant l'analyse à la fois des mouvements (étude cinématique et géométrique) que l'étude du comportement sous les efforts appliqués (étude statique ou dynamique).

💡 *Remarque*

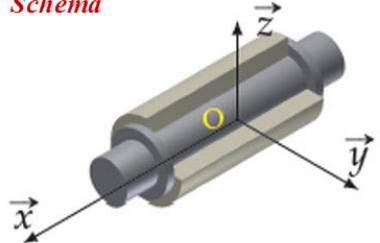
Le schéma est un outil de communication technique. Afin qu'il soit compris par grand nombre, les symboles utilisés dans les schémas sont le plus souvent normalisés, ou font l'objet de conventions.

☒ *Méthode*

Liaison Pivot (Liaison Pivot d'axe (OX))



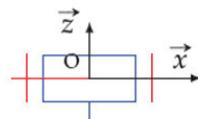
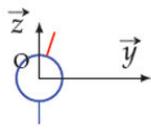
Schéma



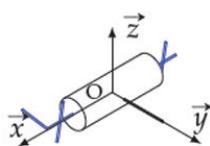
Torseur (Degrés de Liberté)

$$\{v_{1/0}\} = \begin{pmatrix} \omega_x & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}_{\forall P \in (O, \vec{x}) \cap (\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})}$$

Symbolle 2D



Symbolle 3D



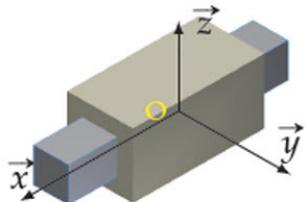
symbolisation

- nc = 1 : une seule liberté, la rotation autour de l'axe de rotation.
- La forme canonique du torseur est la même en tout point de l'axe de rotation.
- Le torseur cinématique est un torseur glisseur.

X *Méthode*

Liaison Glissière

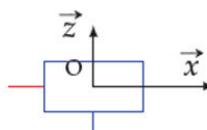
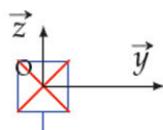
Schéma



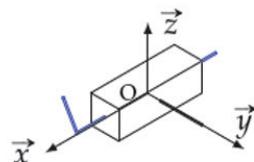
Torseur (Degrés de Liberté)

$$\{v_{1/0}\} = \begin{pmatrix} 0 & V_x \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}_{\forall P \in (\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})}$$

2D



3D



symbolisation

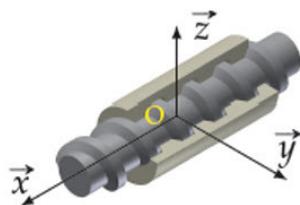
- nc = 1, une seule liberté, la translation suivant_x .

- La forme canonique est valable en tout point de l'espace
- Le torseur cinématique est un torseur couple.

☒ Méthode

Liaison Hélicoïdale

Schéma



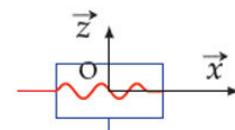
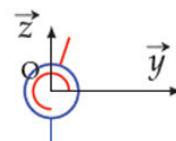
Torseur (Degrés de Liberté)

$$\{v_{1/0}\} = \begin{cases} \omega_x & V_x \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{cases}_{\forall P \in (O, \vec{x})} \text{ (x, y, z)}$$

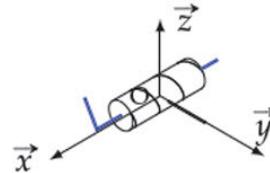
Avec: $V_x = \epsilon \frac{p}{2\pi} \omega_x$

Symbolisation

2D



3D



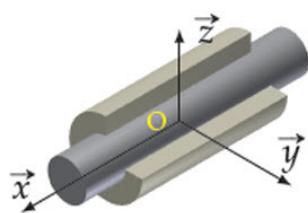
- nc = 1 : la rotation et le translation suivant l'axe (O, x) sont dépendantes. $V_x = \epsilon p/2\pi \omega_x$ avec
- p le pas de la liaison hélicoïdale $\epsilon = \pm 1$ en fonction du sens du pas de la vis.
- la forme canonique est vraie en tout point de l'axe (O, x).

☒ Méthode

Liaison Pivot Glissant (d'axe (O, x))



Schéma

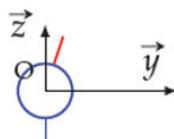


Torseur (Degrés de Liberté)

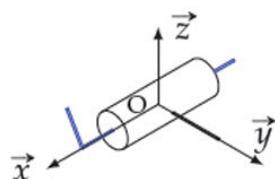
$$\{v_{1/0}\} = \begin{cases} \omega_x & V_x \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{cases}_{\forall P \in (O, \overrightarrow{x})} \quad (\overrightarrow{x}, \overrightarrow{y}, \overrightarrow{z})$$

symbolisation

2D



3D

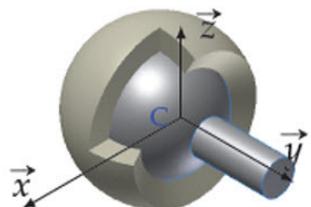


- $nc = 2$: deux degrés de liberté : une translation suivant la direction $_x$, une rotation autour de l'axe ($O, _x$)
 - La forme canonique est vraie pour tout point de l'axe de rotation

Méthode : Liaison Sphérique

(Liaison Sphérique de centre C ou liaison rotule de centre C)

Schéma

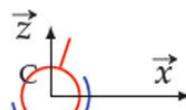


Torseur (Degrés de Liberté)

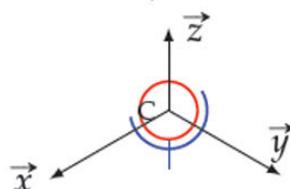
$$\{v_{1/0}\} = \begin{pmatrix} \omega_x & 0 \\ \omega_y & 0 \\ \omega_z & 0 \end{pmatrix}_{\forall c}$$

symbolisation

2D



3D



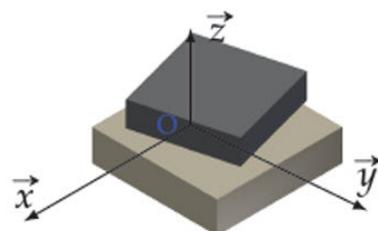
- $nc = 3$: trois degrés de liberté : les trois rotations perpendiculaires passant par le centre de la sphère.

- La forme canonique n'est valable que en C mais dans toute base

Méthode : Liaison Appui Plan

(Liaison Appui Plan de normale $_z$)

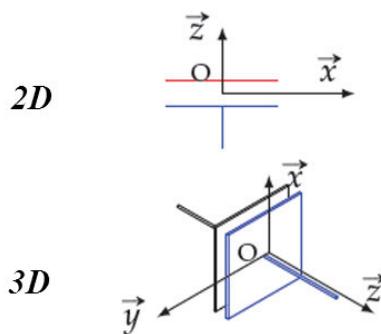
Schéma



Torseur (Degrés de Liberté)

$$\{v_{1/0}\} = \begin{cases} 0 & V_x \\ 0 & V_y \\ \omega_z & 0 \end{cases}_{\forall P}$$

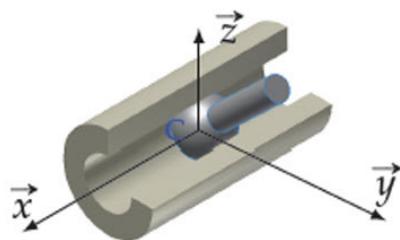
symbolisation



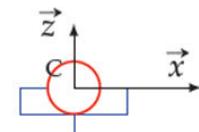
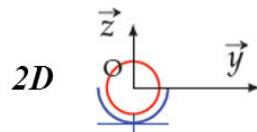
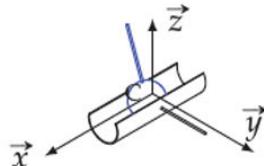
- $nc = 3$: 3 degrés de liberté : la rotation autour de la normale au plan, les deux translations dans le plan.
- La forme canonique est vrai en tout point de l'espace dans une base qui contient la normale au plan

Méthode : Liaison Sphère Cylindre

Linéaire Annulaire (Liaison Sphère Cylindre de centre C et d'axe (C, $_x$))

Schéma*Torseur (Degrés de Liberté)*

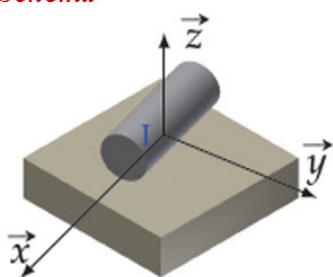
$$\{v_{1/0}\} = \begin{cases} \omega_x & V_x \\ \omega_y & 0 \\ \omega_z & 0 \end{cases} \quad \forall P \in (\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})$$

symbolisation*3D*

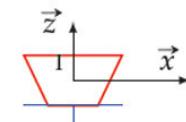
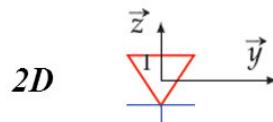
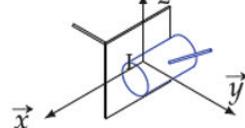
- $nc = 4$: 4 degrés de liberté : les trois rotations de centre C, la translation le long de l'axe du cylindre
- La forme canonique n'est valable qu'en C et dans une base contenant l'axe du cylindre.

✗ Méthode : Liaison Cylindre Plan

Linéaire Rectiligne (Liaison Cylindre Plan de normale_z et de droite (I, _x), I un point de la droite de contact)

Schéma*Torseur (Degrés de Liberté)*

$$\{v_{1/0}\} = \begin{cases} \omega_x & V_x \\ 0 & V_y \\ \omega_z & 0 \end{cases} \quad \forall P \in (O, \vec{x}) \quad (\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})$$

symbolisation*3D*

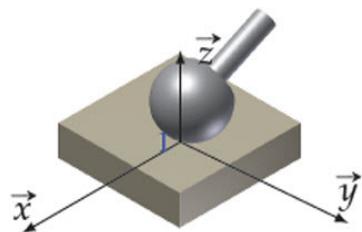
- $nc = 4$: 4 degrés de liberté : deux rotations : une autour de la droite de contact (roulement) et une autour de la normale au plan (pivotement), deux translations dans le plan.

- La forme canonique est valable en tout point P de la droite de contact (I, \underline{x}) et dans la base comportant la droite de contact et la normale au plan.

Méthode : Liaison Sphère Plan

ponctuelle (liaison Sphère Plan de normale (I, \underline{z}), I point de contact)

Schéma

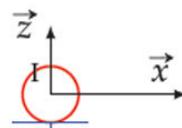


Torseur (Degrés de Liberté)

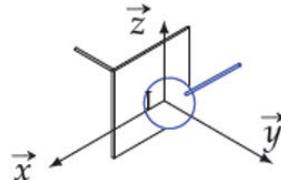
$$\{v_{1/0}\} = \begin{cases} \omega_x & V_x \\ \omega_y & V_y \\ \omega_z & 0 \end{cases} \forall P \in (I, \underline{z})_{(\underline{x}, \underline{y}, \underline{z})}$$

symbolisation

2D



3D



- nc = 5 : 3 rotations, 2 translations
- La forme canonique est vraie en tout point de l'axe (I, \underline{z}).